УДК 622.276.03:532

В. Н. Сокотущенко

Математическое и экспериментальное моделирование процессов фильтрации углеводородов в газоконденсатном пласте

Рассматривается математическая модель, позволяющая адекватно рассчитать количественные параметры процесса течения газоконденсатной смеси в пласте с учетом фазового перехода в системе газ-конденсат, которая может служить основой для решения актуальных прикладных задач. Проведенная серия экспериментов (экспериментальные данные предоставлены OUBT PAH) и разработанная математическая модель позволяют рассчитать гидродинамические характеристики процесса фильтрации газоконденсатной залежи как колебательной системы и получить их качественное и количественное соответствие.

Ключевые слова: многофазная фильтрация, фазовые переходы, математическое моделирование, газоконденсат, колебательная система.

Об авторе

Сокотущенко Вадим Николаевич – кандидат технических наук, доцент Государственного университета «Дубна», заместитель заведующего кафедрой физико-технических систем Государственного университета «Дубна».

Газоконденсатные месторождения различаются между собой как условиями залегания углеводородов (внутрипластовой температурой и давлением, пористостью коллектора, свойствами и составом пластовой системы, наличием или отсутствием нефтяной и водной оторочки), так и составом пластовой смеси. Учет влияния всех факторов, определяющих поведение газоконденсатной системы, в условиях натурного эксперимента представляет практически неразрешимую задачу. Для прогнозирования разработки реальных месторождений и исследования закономерностей внутрипластовой фильтрации требуется создание моделей, основанных на теории многокомпонентной фильтрации с учетом теплофизических свойств углеводородных смесей, а также термодинамических и гидродинамических условий, при которых происходит процесс фильтрации. К основной задаче моделирования относится качественная и, при возможности, количественная оценка зависимости динамики конденсатоотдачи от методов воздействия на продуктивный пласт. При этом моделирование усложняется вследствие необходимости учета гидродинамических, тепловых и физикохимических процессов. Нестационарные процессы, происходящие при фильтрации углеводородной смеси в пористом коллекторе, моделировались в одномерном приближении в изотермических условиях. Газовый конденсат представляет собой сложную смесь метана и высших производных метанового ряда. Фазовая диаграмма такой смеси содержит в себе область, в которой при понижении давления возможно образование ретроградной жидкости, испаряющейся с дальнейшим уменьшением давления, так называемую «ретроградную область».

Одна из проблем разработки газоконденсатных месторождений состоит в выпадении в пласте газового конденсата [1-5]. Газовый конденсат может образовываться в пласте при постоянной температуре в процессе снижения пластового давления. Началу образования газового конденсата соответствует некоторое пороговое давление Р_т в пласте. Затем при снижении давления объем жидкой фазы в пласте растет. При снижении давления в пласте от P_m до давления P'_m (давление максимальной конденсации), насыщенность конденсатом возрастает до максимальных значений, возникает явление – ретроградная конденсация. При дальнейшем снижении давления насыщенность породы конденсатом падает. Фильтрация многокомпонентной двухфазной смеси к забою скважины вызывает увеличение насыщенности конденсатом порового пространства по сравнению с процессом дифференциальной статической конденсации вплоть до образования «конденсатной пробки». При этом ухуд-

[©] Сокотущенко В. Н., 2018

шается и качество добываемого сырья – наиболее ценная его часть концентрируется в трудноизвлекаемой жидкой фракции [1; 3].

Математическое моделирование

В данной работе математическая модель для решения задачи фильтрации реальной многофазной многокомпонентной смеси с фазовыми переходами принимается как псевдобинарная модель течения газоконденсатной смеси с учетом фазового перехода, в котором многофазная многокомпонентная смесь заменена простой двухфазной – газом и конденсатом. Для определения профилей насыщенностей, давлений и скоростей фильтрации фаз выпишем систему дифференциальных уравнений фильтрации смеси [6]:

1. Уравнения движения фаз с учетом инерциальных сил:

$$\rho_g \frac{\partial}{\partial t} \boldsymbol{u_g} + \frac{\mu_g m}{k_g} \boldsymbol{u_g} = -\boldsymbol{\nabla} \boldsymbol{P}, \qquad (1)$$

$$\rho_c \frac{\partial}{\partial t} \boldsymbol{u_c} + \frac{\mu_c m}{k_c} \boldsymbol{u_c} = -\boldsymbol{\nabla} \boldsymbol{P}, \qquad (2)$$

где ρ_g , ρ_c , μ_g , μ_c , P, u_g , u_c , m, k_c , k_g – соответственно плотности, вязкости, давление и векторы скорости *gas*-фазы и *condensate*-фазы, пористость и проницаемости, ∇ – оператор набла;

2. Уравнения неразрывности для обеих фаз газоконденсатной смеси в пористой среде с учетом фазового перехода *gas-condensate*:

$$div(\boldsymbol{u}_g \cdot \boldsymbol{\rho}_g) + \frac{\partial}{\partial t} (m \cdot S_g \cdot \boldsymbol{\rho}_g) + M_g = 0, \quad (3)$$

$$div(\boldsymbol{u}_{c}\cdot\boldsymbol{\rho}_{c}) + \frac{\partial}{\partial t}(m\cdot S_{c}\cdot\boldsymbol{\rho}_{c}) - M_{g} = 0, \quad (4)$$

где S_g , S_c — насыщенности пористой среды соответственно *g*-фазой и *c*-фазой; M_g — масса газа, переходящего в жидкую фазу в единице объема пористой среды за единицу времени.

Система уравнений (1)–(4) дополнялась начальными и граничными условиями. В качестве граничных условий выбиралось давление на входе в экспериментальный участок и на выходе из него. В расчетах использовались следующие размеры экспериментального участка и параметры рабочих режимов:

Длина экспериментального участка2 м
Давление, МПа: на входе 12.5
на выходе 0.1, 7, 11
Начальное состояние установки – s(газонасы-
щенность)=1, P=12.5 МПа;
Рабочая смесь метан-н-бутан
Молярная концентрация метана 0.75
Температура, К 330
Пористость 0.35
Коэффициент абсолютной
проницаемости, м ² 10 ⁻¹²
Функции фазовых проницаемостей – см.
рис. 1.



Рис. 1. Зависимость относительных фазовых проницаемостей $k_g(S)$, $k_c(S)$ от газонасыщенности S [3]; $k_g(S) = 2 \cdot 10^{-5} \cdot S^3 + 0.0018 \cdot S^2 + 0.1156 \cdot S - 0.9919$, $k_c(S) = -2 \cdot 10^{-5} \cdot S^3 + 0.0018 \cdot S^2 + 0.0739 \cdot S + 1.0755$

Результаты расчетов

В данной работе определены профили газо-и конденсатонасыщенностей для обеих фаз

газоконденсатной смеси в пористой среде с учетом фазового перехода газ-конденсат, оценены скорости фильтрации фазы, а также масса газа,

переходящего в жидкую фазу в единице объема пористой среды за единицу времени в процессе ретроградной конденсации. Рассчитан суммарный массовый дебит Q = Q(t) при двухфазном течении газа и конденсата в произвольный момент времени t, что позволяет проанализировать влияние структуры порового

пространства на поведение объёма продукции, добываемой из скважины за единицу времени (рис. 2, 3). Система уравнений фильтрации решается численно, методом конечных элементов в пакете FlexPDE [7] с разбиением области заданного объема коллектора на элементы.



Рис. 2. Зависимость давления по длине и скорости от времени при различных давлениях на выходе Р2



Рис. 3. Зависимость массового расхода смеси по длине установки и во времени

Физическое моделирование

Физическое моделирование методов воздействия на газоконденсатную пробку проводилось на экспериментальном стенде, созданном в ОИВТ РАН. Стенд предназначен для исследования процессов фильтрации пластовых флюидов при термобарических условиях реальных пластов. Параметры, которые может обеспечить установка – давление до 40 МПа и температура до 400 °C, – позволяют в широких пределах моделировать пластовые условия и проводить эксперименты с жидкостями и газами различного фракционного состава.

Для моделирования процессов воздействия использовалась экспериментальная установка, входящая в состав экспериментального стенда и предназначенная для исследования процессов фильтрации нефтяных и газоконденсатных смесей, которая была модернизирована с целью обеспечения необходимых параметров эксперимента. Измерялись давления на входе и выходе экспериментального участка, температура термостата, расход смеси на входе и расходы жидкой и газовой фаз на выходе экспериментального участка. Также проводились измерения составов смеси на входе и газовой и жидкой фаз на выходе из экспериментального участка. Для автоматизации измерений и регулирования параметров эксперимента данные выводились на контроллер.

Для проверки адекватности физической и математической модели явления условиям реальных пластов была проведена серия предварительных экспериментов по получению газоконденсатной пробки в процессе фильтрации модельной смеси при заданных термобарических условиях.

На рис. 4 представлены результаты одного из экспериментов этой серии – зависимость расхода газовой фазы на выходе из ЭУ от времени и данные по составу исходной и выходящей смеси, которые после сравнения с результатами расчета по математической (1)–(4) показывают качественное их совпадение.



Рис. 4. Расход газовой фазы на выходе из ЭУ: давление на входе в ЭУ – 12,5 МПа, на выходе – 9 МПа

По результатам эксперимента можно сделать вывод о том, что после 250 секунды с начала эксперимента расход смеси резко падает и ее состав изменяется в сторону уменьшения содержания н-бутана. Это свидетельствует об образовании в поровом пространстве газоконденсатной «пробки» и перераспределении содержания компонентов в жидкой и паровой фазах – массовая концентрация метана от исходной 42,4% увеличивается до 66,4%. То же самое имеем на соответствующем графике теоретического расчета. При повышении температуры термостата до 330 К образования «пробки» не наблюдается и состав выходящей газовой фазы соответствует исходному. Это объясняется сдвигом ретроградной области при увеличении температуры в сторону меньших концентраций метана. Следует отметить, что, согласно расчетам по разработанной в математической модели, образование газоконденсатной «пробки» в смеси с концентрацией метана 42% масс. при температурах выше 330 К в условиях эксперимента не происходит. Образования конденсатной пробки не происходит также при составе смеси 70% масс. метана и 30% масс. бутана и температуре термостата 293 К. При такой концентрации метана смесь при понижении давления не проходит через ретроградную область фазовой диаграммы и выпадения конденсированной фазы не происходит. Во всей серии экспериментов, проведенных со смесью, находящейся в термодинамических условиях, которые соответствуют ретроградной области, при постоянном перепаде давления на экспериментальном участке получено уменьшение расхода конденсата в результате образования конденсатной пробки.

Заключение

Таким образом, показана возможность физического моделирования образования газоконденсатной «пробки» и адекватность математической модели, описывающей это явление.

Такие колебания характеристик потока (см. рис. 2, 3) могут быть результатом:

 значительного изменения проницаемости в горизонтальном направлении (и в меньшей степени изменения пористости и содержания связанной воды) при неизменной проницаемости пласта по вертикали;

 значительной слоистости пласта; пласт может быть представлен несколькими пропластками, свойства каждого однородны, но отличаются от пропластка к пропластку;

3) комбинации двух приведенных крайних случаев. Поэтому в данном реальном пласте характер процесса закачки газа может быть заметно различным.

Библиографический список

1. Брусиловский А.И. Многокомпонентная фильтрация газоконденсатных систем в глубокопогруженных залежах // OIL AND GAS GEOLOGY. 1997. № 7. С. 31–38.

2. Изюмченко Д.В., Лапшин В.И., Николаев В.А., Троицкий В.М, Гатин Р.И. Конденсатоотдача при разработке нефтегазоконденсатных залежей на истощение // Газовая промышленность. 2010. № 1. С. 24–27.

3. Кадет В.В. Перколяционный анализ гидродинамических и электрокинетических процессов в пористых средах. М.: ИНФА-М, 2014. 256 с.

4. Розенберг М.Д., Кундин С.А. Многофазная многокомпонентная фильтрация при добыче нефти и газа. М.: Недра, 1976. 335 с.

5. Тер-Саркисов Р.М. Повышение углеводородоотдачи пласта нефтегазоконденсатных месторождений. М.: Недра, 1995. 167 с.

6. Kachalov V.V., Molchanov D.A, Zaichenko V.M., Sokotushchenko V.N. Mathematical modeling of gas-condensate mixture filtration in porous media, taking into account nonequilibrium phase transitions// XXXI International Conference on Equations of State for Matter March 1–6, 2016, Elbrus, Kabardino-Balkaria, Russia // Journal of Physics: Conference Series 774 (2016) 012043. P. 1–6.

7. http://www.pdesolutions.com/sdmenu6.html – сайт программного продукта "FlexPDE" (режим доступа: свободный. Дата обращения: 21.12.2017).

> Поступила в редакцию 15.01.2018